

## CONTROLE D'ÉLECTRICITÉ

Durée 1h 30

7

### EXERCICE 1

On considère une distribution de charges, de densité volumique  $\rho$ , comprise entre deux cylindres de rayons  $R_1$  et  $R_2$  ( $R_1 < R_2$ ). Les deux cylindres sont coaxiaux et de hauteurs infinies.

Calculer, en tout point  $M$  de l'espace, le vecteur champ électrostatique  $\vec{E}(M)$  créé par cette distribution supposée uniforme.



7

### EXERCICE 2

Calculer la charge et la tension aux bornes de chacun des condensateurs des circuits suivants :

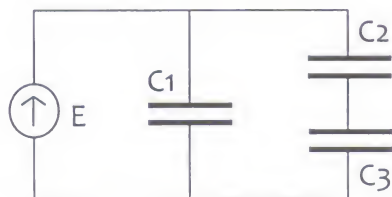


Figure (a)

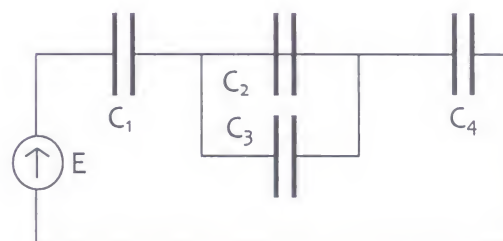
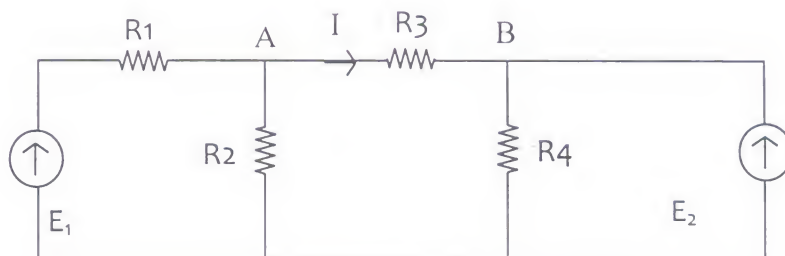


Figure (b)

6

### EXERCICE 3

Appliquer le théorème de Thévenin pour calculer le courant  $I$  circulant dans la résistance  $R$  du circuit ci-dessous.

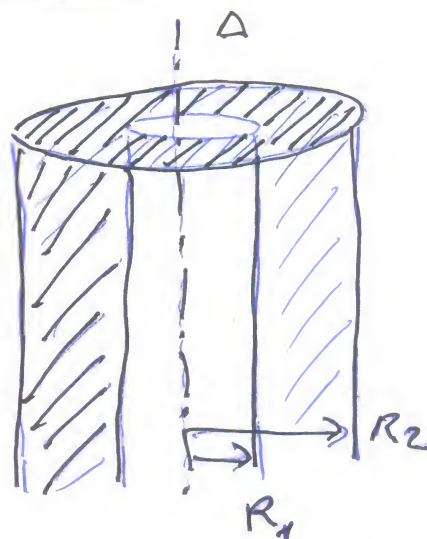


# Corrigé cc d'électrostatique 2014/2015

## Exercice 4

Calcul en tout point M de l'espace le Champ Electrostatique  $\vec{E}(M)$ .

On applique le théorème de Gauss.



0.5  $\Phi_{\vec{E}/S_G} = \int \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{q_{int}}{\epsilon_0}$

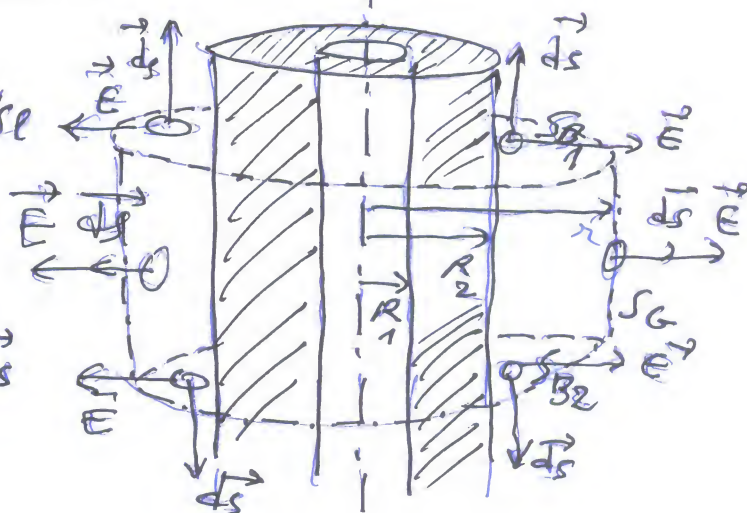
Choix de la surface de Gauss est un cylindre de hauteur  $h$  et de rayon  $r$ .

Le vecteur  $\vec{E}(r) \perp \Delta$  perpendiculaire  $\Delta$ .

0.5  $\Phi_{\vec{E}/S_G} = \Phi_{\vec{E}/S_{B_1}} + \Phi_{\vec{E}/S_{B_2}} + \Phi_{\vec{E}/S_l}$

$\Phi_{\vec{E}/S_G} = \Phi_{\vec{E}/S_l} = \int_{S_l} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \int_{S_l} E \cdot ds$   
 $\vec{E}$  constant sur  $S_l$

$\Phi_{\vec{E}/S_l} = E \int_{S_l} ds = \frac{q_{int}}{\epsilon_0}$   
 $E$  constante sur  $S_l$



0.5  $E S_l = \frac{q_{int}}{\epsilon_0}$

1) Si  $r > R_2$   
 $E \cdot 2\pi r \cdot h = \frac{q_{int}}{\epsilon_0}$

avec  $q_{int} = \rho \pi (R_2^2 - R_1^2) \cdot h$  ①

$E = \frac{\rho (R_2^2 - R_1^2)}{2\epsilon_0 r}$  ①

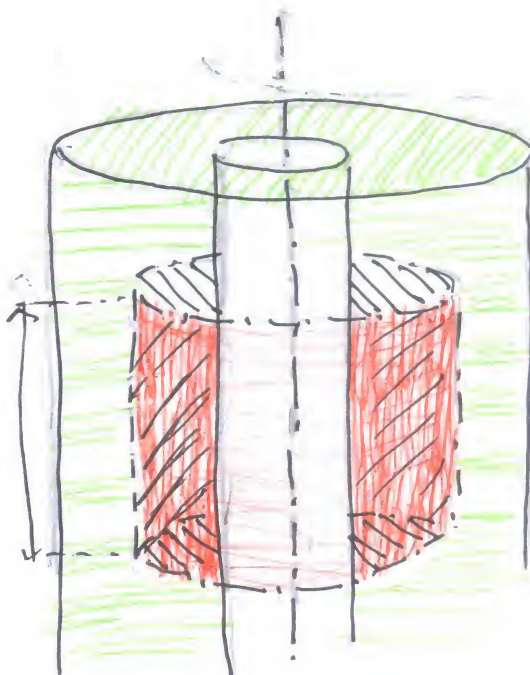
2) Si  $R_2 > r > R_1$

$$\epsilon \cdot 2\pi r h = \frac{q_{int}}{\epsilon_0}$$

avec  $q_{int} = h\pi(r^2 - R_1^2)\rho$  (1)

$$\epsilon \cdot 2\pi r h = \frac{\rho h\pi(r^2 - R_1^2)}{\epsilon_0}$$

$$\boxed{E = \frac{\rho(r^2 - R_1^2)}{2\epsilon_0 r}} \quad (1)$$



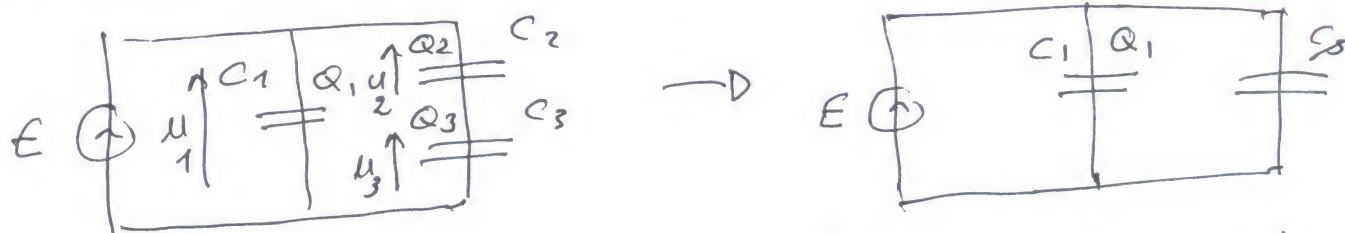
3) Dernier cas si  $R_1 > r$

$$\epsilon \cdot 2\pi r h = \frac{q_{int}}{\epsilon_0} = 0 \Rightarrow \boxed{E = 0} \quad (1)$$

### exercice 2

calcul de la charge et la tension aux bornes de chaque condensateur des circuits en dessous.

A) circuit a).



$$\boxed{C_5 = \frac{C_2 C_3}{C_2 + C_3}}$$

capacité équivalente de  $C_2$  et  $C_3$  en série.

1) Tension  $U_1$  de  $C_1$ :  $\boxed{U_1 = E}$  (0.5)

2) Charge  $Q_1$  de  $C_1$ :  $\boxed{Q_1 = U_1 C_1 = E C_1}$  (0.5)



charge  $Q_2$  de  $C_2$  ou  $Q_3$  de  $C_3$

$C_2$  en série avec  $C_3$  alors  $Q_2 = Q_3$ .

$$3) \quad Q_2 = Q_3 = E \cdot C_s = \frac{E C_2 C_3}{C_2 + C_3} \quad (1)$$

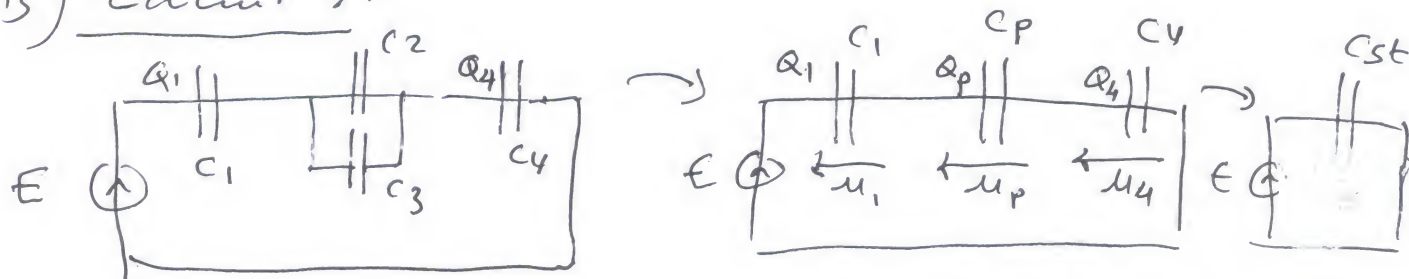
1) Tension  $U_2$  de  $C_2$ .

$$Q_2 = U_2 C_2 \Rightarrow U_2 = \frac{Q_2}{C_2} = \frac{1}{C_2} \cdot \frac{E C_2 C_3}{C_2 + C_3} = \frac{E \cdot C_3}{C_2 + C_3} \quad (05)$$

5) Tension  $U_3$  de  $C_3$

$$Q_3 = U_3 C_3 \Rightarrow U_3 = \frac{Q_3}{C_3} = \frac{1}{C_3} \cdot \frac{E \cdot C_2 C_3}{C_2 + C_3} = \frac{E \cdot C_2}{C_2 + C_3} \quad (05)$$

B) Circuit b.



$$C_p = C_2 + C_3 \quad \text{et} \quad \frac{1}{C_{st}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_p} + \frac{1}{C_4} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2 + C_3} + \frac{1}{C_4}$$

$$\frac{1}{C_{st}} = \frac{C_4(C_2 + C_3) + C_1 C_4 + C_1(C_2 + C_3)}{C_1 C_4 (C_2 + C_3)} = \frac{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4}{C_1 C_4 (C_2 + C_3)}$$

$$C_{st} = \frac{C_1 C_4 (C_2 + C_3)}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4} \quad (05)$$

Charge  $Q_1$  de  $C_1$  ou  $Q_4$  de  $C_4$

Les condensateurs  $C_1$ ,  $C_p$  et  $C_4$  en série alors  $Q_1 = Q_4 = Q_p$ .

$$Q_1 = E \cdot C_{st} = \frac{E C_1 C_4 (C_2 + C_3)}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4} = Q_4 = Q_p \quad (1)$$

Tension  $U_1$  de  $C_1$ .

$$U_1 = \frac{Q_1}{C_1} = \frac{1}{C_1} \cdot \frac{E C_1 C_4 (C_2 + C_3)}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4} = \frac{E C_4 (C_2 + C_3)}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4} \quad (05)$$

Tension  $U_4$  de  $C_4$ .

$$Q_4 \quad U_4 = \frac{Q_4}{C_4} = \frac{1}{C_4} \cdot \frac{E C_1 C_4 (C_2 + C_3)}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4} = \frac{E C_1 (C_2 + C_3)}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4}$$

Tension de  $U_2$  ou  $U_3$  ou  $U_p$  de  $C_2$  ou  $C_3$ . avec  $(C_p = C_2 + C_3)$

$$U_2 = U_3 = U_p = \frac{Q_p}{C_p} = \frac{1}{C_p} \cdot \frac{E \cdot C_1 C_4 (C_2 + C_3)}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4} = \frac{E C_1 C_4}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4}$$

Charge  $Q_2$  de  $C_2$ .

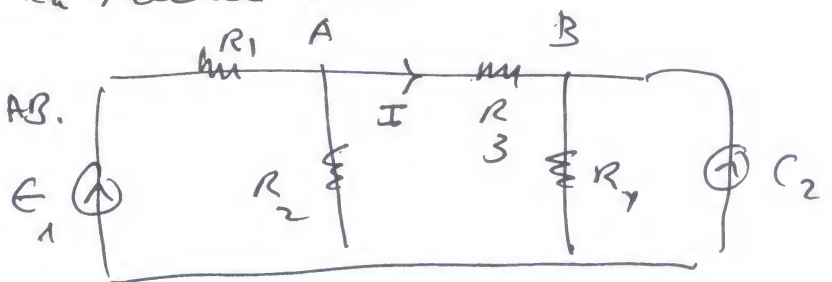
$$Q_2 = C_2 U_2 = \frac{E C_2 C_1 C_4}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4}$$

charge  $Q_3$  de  $C_3$

$$Q_3 = C_3 U_3 = \frac{E C_3 C_1 C_4}{(C_1 + C_4)(C_2 + C_3) + C_1 C_4}$$

Exercice (3) On applique le théorème de Thévenin pour calculer le courant  $I$  de la branche  $AB$ .

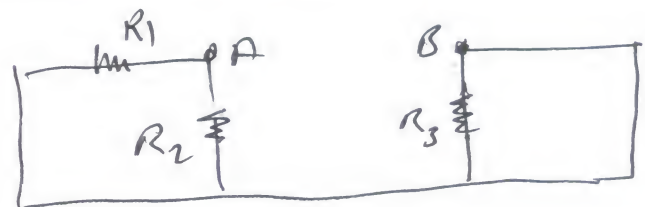
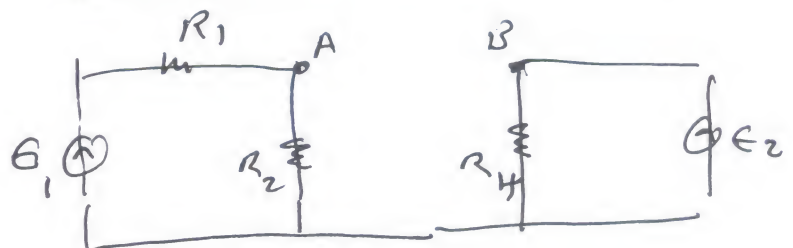
On débranche la branche  $AB$ .



1<sup>er</sup> étape calcul de  $R_T$

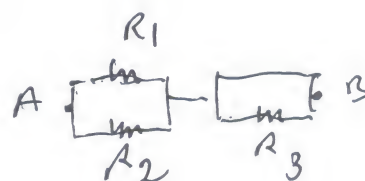
Résistance équivalente de Thévenin.

On court-circuite les générateurs de tension



$$R_T = R_1 // R_2 = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

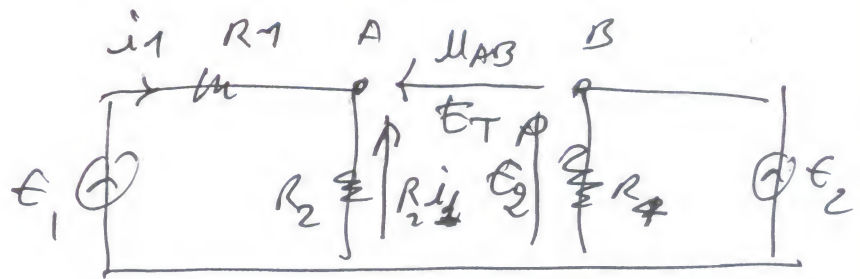
$R_3$  est en parallèle avec un fil.



2<sup>ème</sup> étape Calcul de  $E_T$

15

force électromotrice du générateur équivalent de Thévenin.



$U_{AB} = E_T = R_2 i_1 - E_2$

avec  $i_1 = \frac{E_1}{R_1 + R_2}$

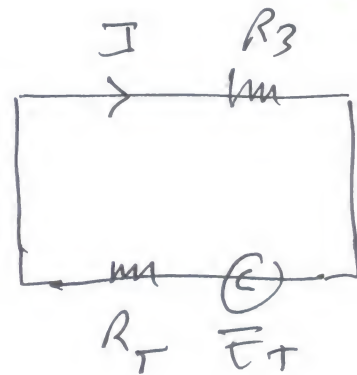
$E_T = \frac{R_2 E_1}{R_1 + R_2} - E_2$

2

3<sup>ème</sup> étape Calcul de  $I$

On applique la loi de Pouillet.

$$I = \frac{E_T}{R_T + R_3} = \frac{\frac{R_2 E_1}{R_1 + R_2} - E_2}{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + R_3}$$



$$I = \frac{R_2 E_1 - E_2 (R_1 + R_2)}{R_1 R_2 + R_3 (R_1 + R_2)}$$

2

Jui du Corrige.

22 mai 2015